УДК 658.562

#### И. А. Кострикина, Е. Н. Галкина

# МЕТОДИКА ОПРЕДЕЛЕНИЯ МЕЖПОВЕРОЧНЫХ ИНТЕРВАЛОВ ПО РЕЗУЛЬТАТАМ УСКОРЕННЫХ ИСПЫТАНИЙ

I. A. Kostrikina, E. N. Galkina

# METHODS OF DETERMINING CALIBRATION INTERVALS BASED ON THE RESULTS OF TESTS OF FORCED

**А и и о т а ц и я.** Поставлена задача разработки методики определения оптимального межповерочного интервала средств измерений. В результате проведенного анализа доказано, что наиболее корректным и эффективным является метод назначения первичного межповерочного интервала СИ по результатам ускоренных испытаний. Предложена методика назначения межповерочных интервалов по результатам ускоренных испытаний, в которой в качестве критерия нормируемого показателя использовано значение вероятности метрологической исправности компонента в момент поверки.

A b s t r a c t. This article seeks to develop a methodology for determining the optimal recalibration interval of measurement. As a result of analysis, the authors argue that the correct and most effective method is the use of primary recalibration interval SI as a result of the forced trials. The authors proposed a method for use calibration intervals based on the results of the forced trials, which as a criterion of the rated value of the probability measure used metrological serviceability of the component at the time of calibration.

K *л ю ч е в ы е с л о в а*: межповерочный интервал, средства измерения, ускоренные испытания.

*K e y w o r d s*: calibration interval, measuring instruments, accelerated testing.

Развитие рыночных отношений в России ужесточило требования к качеству продукции, что в свою очередь привело к необходимости увеличения парка средств измерений (СИ). За последние десятилетия количество типов СИ увеличилось многократно.

Одной из основных форм поддержания СИ в метрологически исправном состоянии является его периодическая поверка. Она проводится метрологическими службами согласно правилам, изложенным в специальной нормативно-технической документации. Поверку необходимо проводить через определенные интервалы времени, называемые межповерочными интервалами (МПИ) [1]. При этом возникает проблема, которая заключается в следующем. С одной стороны, для снижения риска эксплуатации метрологически неисправного оборудования и предотвращения аварийных ситуаций поверка должна проводиться как можно чаще. С другой стороны, частые поверки оказываются экономически нецелесообразными и трудозатратными как человеческих, так и аппаратных ресурсов. То есть возникает задача определения оптимального межповерочного интервала.

Установление значения межповерочного интервала СИ в соответствии с рекомендациями [2] не решает проблему: доступных данных, как правило, недостаточно. Кроме того, если с корректировкой межповерочного интервала СИ в процессе эксплуатации вопрос может быть решен на основе анализа данных, полученных периодическими поверками или калибровками,

### Измерение. Мониторинг. Управление. Контроль

то для назначения первичного межповерочного интервала СИ вопрос остается открытым, хотя метрологическая надежность закладывается при проектировании и разработке СИ.

Согласно [2] при назначении первичного межповерочного интервала СИ могут быть приняты во внимание:

- результаты испытаний СИ или его отдельных блоков, данные о нестабильности элементов СИ;
  - показатели надежности СИ;
  - данные об опыте эксплуатации СИ-аналогов.

Определение межповерочного интервала СИ по итогам длительных испытаний, вопервых, является дорогостоящей процедурой, а, во-вторых, результат таких испытаний теряет свою ценность при последующих изменениях в технологии производства, например, при замене поставщика компонентов или материалов.

Назначение межповерочного интервала СИ по аналогу вносит неопределенность в связи с возможным отличием в свойствах материалов и компонентов, а также в особенностях принятой технологии и условиях эксплуатации. Возрастающая скорость изменения технологий и материалов усугубляет это обстоятельство.

При изучении вопроса авторами были изучены достоинства и недостатки методов назначения МПИ (табл. 1).

Таблица 1

#### Методы назначения МПИ

Методы назначения МПИ	Достоинства	Недостатки
1. На основе статистически	Высокая достоверность	Большое количество
скрытых и явных отказов	результатов испытаний	экспериментальных данных
		по процессам изменения во времени;
		исследования весьма трудоемки
2. По экономическому	Минимизация расходов	Применение приближенных
критерию	на эксплуатацию СИ; устранение	моделей
	последствий от возможных	
	ошибок, вызванных	
	погрешностями измерения	
3. Произвольное назначение	Минимальные финансовые	Определение первого МПИ;
первоначального МПИ	и временные затраты	не на все СИ существуют
с последующей		нормативные документы
корректировкой в течение		с рекомендациями первого МПИ;
всего срока службы СИ		отсутствуют данные
		о надежности элементов
4. Назначение МПИ	Отсутствие финансовых	Результат аналогов не всегда
по аналогам	и временных затрат	корректно применять к новому
		разрабатываемому средству
		измерения; у приборов аналогов
		отсутствуют данные о параметрах
		надежности

Как видно из табл. 1, ни один из приведенных методов не дает полной достоверной оценки МПИ.

Наиболее достоверный результат назначения МПИ может быть получен при проведении натурных испытаний в течение сроков наработки до отказа. Однако натурные испытания эффективно проводить при небольших наработках на отказ. Проведение натурных испытаний является очень трудоемким и приводит к затратам финансовых и человеческих ресурсов. В связи с этим целесообразно проводить форсированные испытания, но с возможностью сохранения картины потоков отказов дефектов СИ.

На основании вышеизложенного авторами предложена методика назначения МПИ по результатам ускоренных испытаний.

В данной методике в качестве критерия нормируемого показателя предлагается использовать предел допускаемых значений вероятности метрологической исправности компонента

 $P_{_{\mathrm{MII}}}^{*}$  в момент очередной поверки (либо предел средней доли компонентов, забракованных при поверке, (  $\epsilon^{*}=1-P_{_{\mathrm{MII}}}^{*}$  )). Рекомендуемые значения  $P_{_{\mathrm{MII}}}^{*}=0.90...0.95$  [3, 4].

Применительно к выбранному критерию определения МПИ ( $P_{\scriptscriptstyle{\mathrm{MU}}}^*$ ) алгоритм испытаний заключается в следующем (рис. 1).

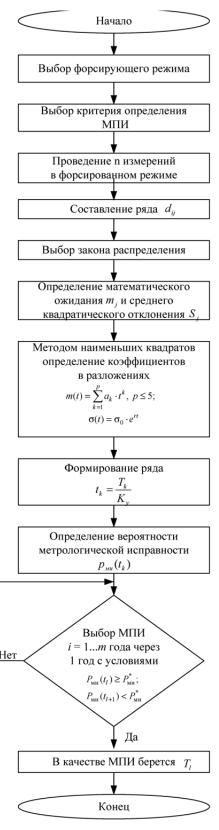


Рис. 1. Алгоритм определения МПИ по результатам ускоренных испытаний

## Измерение. Мониторинг. Управление. Контроль

Проводится n измерений характеристик компонентов каждого типа прибора. Составляется ряд  $d_{ij}$  , где i – номер образца компонента данного типа; j – номер измерения.

Закон распределения выбирается в процессе анализа опытных данных о наработках аналогичных изделий до отказа. При выборе теоретического закона распределения необходимо учитывать информацию об изменениях, происходящих в объектах перед наступлением отказов, т.е. о характере физических процессов, протекающих в объекте.

Весьма удобной представляется методика определения закона распределения по коэффициентам асимметрии и эксцесса путем проверки гипотез. Задача проверки гипотезы о законах распределения по коэффициентам асимметрии и эксцесса начинается с выбора нулевой гипотезы. По данным эксперимента определяются статистические оценки коэффициента асимметрии  $a_{\overline{x}}$  и коэффициента эксцесса  $e_{\overline{x}}$ . Например, для нормального закона распределения коэффициенты выглядят следующим образом:

$$a_{\overline{x}} = \frac{\mu_3[\overline{x}]}{\sigma_{\overline{x}}^3}$$
;  $e_{\overline{x}} = \frac{\mu_4[\overline{x}]}{\sigma_{\overline{x}}^4} - 3$ ,

где 
$$\sigma_{\overline{x}} = \sqrt{\frac{\displaystyle\sum_{i=1}^{n} (x_i - M_x)^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{\displaystyle\sum_{i=1}^{n} x_i^2 - \left(\displaystyle\sum_{i=1}^{n} x_i\right)^2}{n-1}}; \ \mu_3 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - M_{\overline{x}})^3; \ \mu_4 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - M_{\overline{x}})^4.$$

Значения оценок  $a_{\overline{x}}$  и  $e_{\overline{x}}$  позволяют приближенно определить закон распределения. Для этого по полученным значениям оценок на диаграмму наносится точка ( $a_{\overline{x}}$ ;  $e_{\overline{x}}$ ).

Задача проверки гипотезы о виде распределения происходит по критерию согласия Пирсона  $\chi^2$ . Это один из основных критериев, который можно представить как сумму отношений квадратов расхождений между теоретическими  $(f_T)$  и эмпирическими (f) частотами к теоретическим частотам:

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{\left(f_i - f_T\right)^2}{f_T},$$

где k — число групп, на которые разбито эмпирическое распределение;  $f_i$  — наблюдаемая частота признака в i-й группе;  $f_T$  — теоретическая частота.

Для распределения  $\chi^2$  составлены таблицы, где указано критическое значение критерия согласия  $\chi^2$  для выбранного уровня значимости  $\alpha$  и степеней свободы df. Уровень значимости  $\alpha$  – вероятность ошибочного отклонения выдвинутой гипотезы, т.е. вероятность того, что будет отвергнута правильная гипотеза. P – статистическая достоверность принятия верной гипотезы. В статистике чаще всего пользуются тремя уровнями значимости:

- $\alpha = 0.10$ , тогда P = 0.90;
- $\alpha = 0.05$ , тогда P = 0.95;
- $-\alpha = 0.01$ , тогда P = 0.99, может быть отвергнута правильная гипотеза.

Число степеней свободы df определяется как число групп в ряду распределения минус число связей: df = k - z. Под числом связей понимается число показателей эмпирического ряда, использованных при вычислении теоретических частот, т.е. показателей, связывающих эмпирические и теоретические частоты. Например, при выравнивании по кривой нормального распределения имеются три связи. Поэтому при выравнивании по кривой нормального распределения число степеней свободы определяется как df = k - 3. Для оценки существенности расчетное значение сравнивается с табличным  $\chi^2_{\text{табл}}$ .

При полном совпадении теоретического и эмпирического распределений  $\chi^2=0$ , в противном случае  $\chi^2>0$ . Если  $\chi^2_{\rm pacq}>\chi^2_{\rm табл}$ , то при заданном уровне значимости и числе степеней свободы гипотеза о несущественности (случайности) расхождений отклоняется. В случае, если  $\chi^2_{\rm pacq}<\chi^2_{\rm табл}$ , то гипотеза принимается, и с вероятностью  $P=(1-\alpha)$  можно утверждать,

что расхождение между теоретическими и эмпирическими частотами случайно. Критерий согласия Пирсона используется, если объем совокупности достаточно велик (N > 50). При этом частота каждой группы должна быть не менее 5.

Для каждого номера измерения j определяются математическое ожидание и среднее квадратическое отклонение  $m_j$ ,  $S_j$ , например, для нормального закона распределения

$$m_j = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \delta_{ij};$$

$$\sigma_j^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (\delta_{ij} - m_j)^2.$$

По полученным значениям  $m_j,\, S_j\,$  методом наименьших квадратов находятся коэффициенты в разложениях

$$m(t) = \sum_{k=1}^{p} a_k \cdot t^k, \ p \le 5;$$

$$\sigma(t) = \sigma_0 \cdot e^{rt}$$
.

Формируется ряд

$$t_k = \frac{T_k}{K_{\rm v}},$$

где  $T_k$  — значения МПИ из ряда 1, 2, 3 и т.д., через 1 год;  $K_{\rm y}$  — коэффициент ускорения для данного компонента.

Вероятность метрологической исправности в момент времени  $t_k$  определяется по формуле, например, для нормального закона распределения

$$p_{\text{MH}}(t_k) = \Phi\left(\frac{\delta^* - m(t_k)}{\sigma(t_k)}\right) - \Phi\left(\frac{-\delta^* - m(t_k)}{\sigma(t_k)}\right),$$

где  $\Phi(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{t} e^{\frac{-x^2}{2}} dx$ ;  $\delta^*$  – предел допускаемых значений МХ.

Выбирается номер l, такой, что

$$P_{\scriptscriptstyle{\text{MU}}}(t_l) \ge P_{\scriptscriptstyle{\text{MU}}}^*;$$

$$P_{\scriptscriptstyle \mathrm{M}\mathrm{I}}(t_{l+1}) < P_{\scriptscriptstyle \mathrm{M}\mathrm{I}}^*.$$

В качестве МПИ компонента берется  $T_I$ .

Данная методика позволит более достоверно определять межповерочные интервалы, повысить эффективность поверочных работ и может применяться при разработке новых типов средств измерений или вводе в эксплуатацию средств измерений, ввезенных по импорту в РФ.

#### Список литературы

- 1. Сергеев, А. Г. Метрология: учеб. / А. Г. Сергеев. М.: Логос, 2005. 272 с.
- 2. РМГ 74—2004. ГСИ. Методы определения межповерочных и межкалибровочных интервалов средств измерений.
- МИ 2554–99. Государственная система обеспечения единства измерений. Теплосчетчики. Методика испытаний с целью подтверждения межповерочных интервалов. Общие требования.
- 4. Дорохов, А. Н. Обеспечение надежности сложных технических систем: учеб. / А. Н. Дорохов, В. А. Керножицкий, А. Н. Миронов. СПб.: Лань, 2011. 352 с.

#### Кострикина Инна Анатольевна

кандидат технических наук, начальник лаборатории, Научно-исследовательский институт электронно-механических приборов E-mail: tbmc2@mail.ru

#### Галкина Екатерина Николаевна

студентка, Пензенский государственный университет E-mail: katu000.92@mail.ru

#### Kostrikina Inna Anatol'evna

candidate of technical sciences, head of laboratory, Scientific-research Institute of electro-mechanical devices

#### Galkina Ekaterina Nikolaevna

student, Penza State University

УДК 658.562

#### Кострикина, И. А.

Методика определения межповерочных интервалов по результатам ускоренных испытаний / И. А. Кострикина, Е. Н. Галкина // Измерение. Мониторинг. Управление. Контроль. – 2013. –  $N^{\circ}$  3 (5). – С. 19–24.